

# הסקה סטטיסטית 30204

פרק 16 - שאלות מסכמת בבדיקה השערות (יחידות 10-11 מצוין לתרגול  
מסכם לבחינה)

## תוכן העניינים

1. שאלות פתוחות מסכמות .....

## שאלות מסכימות בבדיקה השערות על פרמטרים

### שאלות

1) שני חוקרים נתקשו לבדוק את ההשערות הבאות:  $H_0: \mu = 520$ ,  $H_1: \mu > 520$ . כל חוקר בדק מדגם של 225 נחקרים. ידוע ש-  $\sigma = 20$ . חוקר א' קבע את כלל ההכרעה לפי  $\alpha = 0.05$ . חוקר ב' מחליט לדחות  $H_0$  אם  $\bar{X} > 522$ .

- א. למי מהחוקרים הסתברות לטעות מסווג ראשוני יותר?
- ב. מהי ההסתברות לטעות מסווג שני של חוקר ב' עבור  $\mu = 525$ .
- ג. הסבר לא Chi-square, האם ההסתברות לטעות מסווג שני עבור  $\mu = 525$ , של חוקר א' שווה/קטנה/גדולה לו של חוקר ב'.
- ד. חוקר א' קיבל במדגם שלו  $\bar{X} = 523$ . מהי מסקנותו?

2) ידוע כי תוחלת מספר הליקים היומי של דנה היא 12 עם סטיית תקן 5. דני טוען שהוא יותר פופולארי ממנה בכך שהוא מקבל יותר ליקים ממנה ביום. על מנת לבדוק זאת ספר דני כמה ליקים הוא קיבל בכל יום במשך 7 שבועות (כלומר, ב- 49 ימים) וקיבל סך-הcole 637 ליקים. נניח כי סטיית התקן של מספר הליקים שדן מקבל ביום זהה לסטיית התקן של דנה.

- א. מהי רמת המובהקות שצדאי לדני לדרוש, כדי שדנה תשוכנע בזכות טענתו (shedni פופולרי יותר בכך שהוא מקבל יותר ליקים ממנה ביום).
- ב. אם דני משער שתוחלת מספר ה"ליקים" שהוא מקבל ביום היא 14 וקובע רמת מובהקות 2.5%, מהי עצמת המבחן של דני?

B	A	רשות	מוצר / רשות
5	5		1
5	4		2
3	5		3
4	7		4

3) ברצוננו להשוות בין רשותות A לבין B. לשם כך בחרנו 4 מוצרים, ובדקנו את מחיריהם בשתי הרשותות. להלן התוצאות:

הניבו כי המחירים מתפלגים נורמלית.

- אם יש הנחות נוספות כדי לבצע את המבחן הפרטורי רשמו אותן.
- א. בדקו האם קיים הבדל בין הרשותות מבחינת תוחלת המחיר. רמת מובהקות של 5%.
  - ב. חזרו על הסעיף הקודם בהנחה ונבחרו בכל רשות מוצרי באקראי ולא בהכרח אותם מוצריים.

4) במדגם של 10 ישראלים שנבחנו ב מבחן ה-QI נתקבלו התוצאות הבאות:

$$\sum X_i = 1020, \quad \sum X_i^2 = 105120 \quad n = 10,$$

במדגם של 14 אמריקאים שנבחנו ב מבחן ה-QI נתקבלו התוצאות הבאות:

$$\sum X_i = 1386, \quad \sum X_i^2 = 138644 \quad n = 14,$$

נתון שצינוי הבחינה מתפלגים נורמלית בכל מדינה.

א. בדקו ברמת מובהקות של 10% האם קיים שווין שוניות בין אוכלוסיות אמריקה לאוכלוסיות ישראל?

ב. בדקו האם קיים הבדל בממוצע הציונים בבחינת ה-QI בין ישראל לארה"ב. ברמת מובהקות של 5%?

5) במטרה לבדוק האם סטודנטים הלומדים במכינות משקיעים יותר זמן ללימודים מאשר סטודנטים באוניברסיטאות נדגו 12 סטודנטים ובדקו לכל סטודנט את הזמן שהוא משקיע ביום ללימודים. הזמן נמדד בזuktות:

סטודנטים באוניברסיטאות	סטודנטים במכינות
180	140
150	204

א. נחו את השערות ובדקו אותן ברמת מובהקות של 5%. רשום את כל ההכרעה ואת הנקודות הדרושים לביצוע המבחן הפרטני.

ב. חשבו את p-value.

ג. ישנה טענה ש ממוצע זמן השקעה בלימודים במכינות הוא 3.5 שעות ביום. בדוק את הטענה כאשר רמת המובהקות הינה 5%.

6) בשנת 2000 ל-60% היה מבחן כלים בבית. מחקר רוצה לבדוק האם כיום פרופורציית המשפחות עם מבחן כלים עלה. הוחלט לבצע מדגם אקראי של 150 משפחות.

א. רשמו את השערות המחקר.

ב. מה היא מסקנת המחקר ברמת מובהקות של 5% אם במדגם ל-102 משפחות היה מבחן כלים.

ג. מהי הטעות האפשרית במסקנה מהסעיף הקודם.  
האם ניתן לדעת את הסתברותה?

- 7) נערך מחקר על הקשר בין עישון ויתר לחץ דם. נבדק מוגם מקרי של 200 מעשנים ונמצא כי 30 סבלו מיתר לחץ דם.  
ידוע שבאוכלוסייה 18% סובלים מיתר לחץ דם.
- א. בדקו ברמת מובהקות 0.1 את ההשערה כי אחוז הסובלים מיתר לחץ דם בקרוב המעשנים גדול מאשר כלל האוכלוסייה.
- ב. מהי רמת המובהקות המינימלית לקבלת הטענה שאחוז הסובלים מיתר לחץ דם בקרוב המעשנים גדול מאשר כלל האוכלוסייה.
- ג. מהי עצמת המבחן, אם אחוז הסובלים מיתר לחץ דם בקרוב אוכלוסייה המעשנים היא בפועל 25%.
- 8) להלן התפלגות מספר הנסיעות לחופשה השנתית במדגם של משפחות ישראליות. בדקו ברמת מובהקות של 5% :
- | מספר המשפחות | מספר הנסיעות |
|--------------|--------------|
| 12           | 4            |
| 20           | 3            |
| 26           | 2            |
| 102          | 1            |
| 84           | 0            |
- א. באיטליה משפחות נסעות בממוצע פעמיים בשנה לחופשה. האם בישראל משפחות נסעות פחות מאשר באיטליה?
- ב. בהולנד 80% מהמשפחות נסעות לפחות פעם אחת בשנה לחופשה, האם בישראל אחוז המשפחות שננסעות לפחות פעם אחת בשנה לחופשה נמוך מאשר בהולנד?
- 9) נתון כי :  $X \sim N(\mu, \sigma^2 = 10^2)$ .  
מעוניינים לבדוק את השערות :  $H_0: \mu = 40$ ,  $H_1: \mu > 40$ .  
דגמו 25 תצפיות מהאוכלוסייה והתקבל  $\bar{X} = 45$ .
- א. חשבו את p-value (МОובהקות התוצאה).
- ב. חזו על סעיף א אם ההשערה האלטרנטיבית הייתה :  $H_1: \mu < 40$ .
- ג. חזו על סעיף א אם ההשערה האלטרנטיבית הייתה :  $H_1: \mu \neq 40$ .

### תשובות סופיות

- |   |                  |                                   |                  |
|---|------------------|-----------------------------------|------------------|
| . <b>1)</b> א. חוקר אי'                         | ב. 0.0122        | ג. גדלה.                          | ד. נדחה $H_0$    |
| <b>2)</b> א. לפחות 0.0808                       | ב. 0.7995        | ג. לא נדחה $H_0$                  | ד. לא נדחה $H_0$ |
| <b>3)</b> א. לא נדחה $H_0$                      | ב. לא נדחה $H_0$ | ג. בין 5% ל-10%                   | ד. נדחה $H_0$    |
| <b>4)</b> א. לא נדחה $H_0$                      | ב. נדחה $H_0$    | ג. טעות מסוג ראשון בסיכון של 0.05 | ד. 0.05          |
| <b>5)</b> א. לא נדחה $H_0$                      | ב. נדחה $H_0$    | ג. 0.8749                         | ד. 0.0124        |
| <b>6)</b> א. $H_0 : p = 0.6$<br>$H_1 : p > 0.6$ | ב. 0.8643        | ג. נדחה $H_0$                     | ד. לא נדחה $H_0$ |
| <b>7)</b> א. לא נדחה $H_0$                      | ב. נדחה $H_0$    | ג. נדחה $H_0$                     | ד. לא נדחה $H_0$ |
| <b>8)</b> א. נדחה $H_0$ .                       | ב. 0.9938        | ג. 0.0062                         | ד. לא נדחה $H_0$ |
| <b>9)</b>                                       |                  |                                   |                  |